



**HAL**  
open science

# Faut-il réguler l'encombrement des sites récréatifs ? Un modèle de choix discret avec participation

Leplat Mélody, Philippe Le Goffe

## ► To cite this version:

Leplat Mélody, Philippe Le Goffe. Faut-il réguler l'encombrement des sites récréatifs ? Un modèle de choix discret avec participation. 2024. hal-04820479

**HAL Id: hal-04820479**

**<https://hal.inrae.fr/hal-04820479v1>**

Preprint submitted on 5 Dec 2024

**HAL** is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.



**INRA**

AGRO  
CAMPUS  
OUEST

# Faut-il réguler l'encombrement des sites récréatifs ? Un modèle de choix discret avec participation

Mélo~~dy~~ LEPLAT, Philippe LE GOFFÉ

Working Paper SMART – LERECO N°08-05

November 2008



## **Faut-il réguler l'encombrement des sites récréatifs ? Un modèle de choix discret avec participation**

Mélody LEPLAT

*Agrocampus Ouest, UMR1302 SMART, F-35000 Rennes, France  
INRA, UMR1302 SMART, F-35000 Rennes, France*

Philippe LE GOFFE

*Agrocampus Ouest, UMR1302 SMART, F-35000 Rennes, France  
INRA, UMR1302 SMART, F-35000 Rennes, France*

### **Auteur pour la correspondance / Corresponding author**

#### **Leplat Mélody**

Agrocampus Ouest, UMR SMART  
65 rue de Saint Brieu, CS 84215  
35 042 Rennes Cedex, France  
Email : melody.leplat@agrocampus-ouest.fr  
Téléphone / Phone : +33 (0)2 98 88 12 79  
Fax : +33 (02) 23 48 54 17

## **Faut-il réguler l'encombrement des sites récréatifs ? Un modèle de choix discret avec participation**

### **Résumé**

En France, les sites récréatifs sont généralement en accès libre, ce qui explique qu'ils soient souvent encombrés, notamment quand ils sont attractifs et proches des zones peuplées. La théorie prévoit que l'équilibre de fréquentation est alors non optimal en raison d'un effet externe d'encombrement. Alors que des travaux anciens ont caractérisé équilibre et optimum dans le cadre de modèles mono-site à demande continue (Fisher et Krutilla, 1972), les rares articles récents utilisant les modèles de choix discret se sont limités à étudier empiriquement l'équilibre et la répartition des visites entre les sites. Notre modèle théorique permet de formaliser l'équilibre et l'optimum de fréquentation, dans le cadre d'un modèle de choix discret à deux sites intégrant la décision de participation des individus, ainsi que certains instruments de régulation permettant d'améliorer le bien-être. Il a été nécessaire de recourir à une formulation générale du bien-être définie par Erlander (2005). On montre que les individus participent trop et visitent trop le site de meilleure qualité (et pas assez le site de qualité inférieure) à l'équilibre. En exprimant les désutilités collectives liées à la participation et à la mauvaise répartition des visites entre les sites, le modèle permet d'en déduire les taxes optimales et les effets sur le bien-être collectif d'une augmentation de la qualité des sites. Une illustration simplifiée est proposée à partir d'un modèle logit multinomial estimé sur des données de pêche récréative.

**Mots-clés :** congestion endogène, optimum, équilibre, modèle de choix discret, méthode des coûts de déplacement, demande récréative.

**JEL Classification :** Q26, Q51

**Is it necessary to regulate crowding on recreation sites ? A random utility  
model with participation**

**Abstract**

Open-access is probably the main cause of crowding on recreational sites, especially when they are attractive and close to urban areas. In this case, theory predicts equilibrium and optimum differ due to externality of congestion. Whereas Fisher and Krutilla, 1972, characterized optimum and equilibrium in monosite models, recent works on congestion in multiple sites models (Random utility models) only study equilibrium and the repartition of visits between sites in an empirical way. Our theoretical framework allows us to go further and derive visitation equilibrium and visitation optimum in a two sites random utility model with participation. Sites differ by quality. We use a recent measure of welfare (Erlander, 2005), essential to calculate optimum. At equilibrium, we show that participation is too high and that the high quality site is too much visited. We introduce optimal taxes to resolve this issue. Because this solution does not appear very realistic in the French case, we also examine impacts of improvements of quality on welfare. Our model is finally applied with a multinomial logit model estimated with data on recreational fishing.

**Keywords :** endogenous congestion, optimum, equilibrium, random utility model, recreation demand.

**JEL Classification :** Q26,Q51

# Faut-il réguler l'encombrement des sites récréatifs ? Un modèle de choix discret avec participation

## 1 Introduction

Connaître et comprendre la fréquentation des sites naturels est une préoccupation croissante des gestionnaires de ces espaces fragiles. La plupart des réseaux d'espaces protégés qu'il s'agisse de parcs nationaux ou régionaux, de réserves naturelles, de l'office national des forêts ou du Conservatoire du littoral et des rivages lacustres, mettent en place des instruments de suivi quantitatifs ou qualitatifs de la fréquentation. Depuis 1983, le Conservatoire du littoral a lancé trois études globales pour mieux connaître les visiteurs de ses sites <sup>1</sup>. Dès 1996, lors d'un de ses ateliers, il se posait la question du caractère protecteur ou au contraire prédateur du public. La régulation de la fréquentation était encore essentiellement basée sur la notion de capacité de charge<sup>2</sup>. Depuis quelques années, les gestionnaires des sites lui préfèrent celle de capacité d'accueil qui, comme le souligne Petit (2006), intègre non seulement " la maîtrise des flux, la protection du patrimoine, [mais aussi] l'amélioration de la qualité de la visite" . La qualité de la visite et notamment l'impact de la fréquentation sur le bien-être des visiteurs devient ainsi un axe de réflexion des politiques de régulation.

Or en France, l'accès aux sites naturels supports d'activités récréatives est généralement libre, ce qui conduit à des situations de surfréquentation qui s'apparentent à la " tragédie des communs " décrite par Hardin (1968) pour les ressources naturelles. Le visiteur ne tient pas compte de l'effet externe d'encombrement (dit de congestion) qu'il fait subir aux autres visiteurs. Cet effet est généralement considéré comme négatif, mais on peut aussi concevoir qu'il soit positif, pour certains individus ou pour certains niveaux faibles de congestion. L'équilibre de fréquentation est alors différent de l'optimum en raison de cet effet externe de congestion.

Dans les années 70, plusieurs auteurs ont formalisé ce problème dans le cadre de la méthode des coûts de déplacement, c'est-à-dire en considérant une fonction de demande de visites continue adressée à un seul site (Fisher et Krutilla, 1972; Anderson et Bonsor, 1974; Anderson,

---

<sup>1</sup>Enquête Louis Harris, 1983, Enquête SOFRES, 1991, Enquête SORGEM, 1994.

<sup>2</sup>Fréquentation maximale que le milieu naturel peut supporter de manière durable.

1980). Dans ces modèles, la demande individuelle (et aussi globale) dépend négativement de la fréquentation globale, qui est donc endogène. La fréquentation en accès libre, qui annule le consentement à payer marginal (équilibre concurrentiel), est supérieure à la fréquentation optimale, qui maximise le bien-être. Sibly (2001) enrichit ce modèle classique en indexant également la demande sur la qualité du site. Il montre qu'il faut investir moins dans la qualité à l'équilibre qu'à l'optimum, car le coût marginal de l'amélioration de la qualité à l'équilibre est augmenté du coût externe marginal de congestion. Peu d'études ont appliqué ce cadre théorique pour identifier le niveau optimal de fréquentation d'un site récréatif. On peut citer Cicchetti et Smith (1973) qui calculent les optima de fréquentation journaliers pour un site de randonnée dans le Montana, et McConnell (1977) qui conduit le même type d'analyse sur les plages du Rhodes Island.

Dans les années 90, les applications de la méthode des coûts de déplacement ont abandonné les modèles continus au profit des modèles de choix discret (RUM<sup>3</sup>), qui permettent d'analyser la substitution entre les différents sites visités. La prise en compte de la congestion dans les RUM a fait l'objet de peu de travaux de modélisation. Dans un modèle simple, Boxall et Adamowicz (2000) et Boxall et al. (2005) ont été les premiers à faire l'hypothèse que la probabilité de visiter un site par un consommateur dépend de la somme des probabilités de visite des autres individus à ce même site. La maximisation individuelle de l'utilité par les consommateurs aboutit alors à un équilibre de Nash, caractérisé par les choix de sites et les niveaux de congestion. Cette congestion d'équilibre n'est pas déterminée dans la partie empirique de ces travaux, car les auteurs utilisent un indicateur de congestion anticipée, expliqué par les caractéristiques des sites et des individus.

Timmins et Murdock (2007) ont formalisé plus complètement l'équilibre de Nash à congestion endogène, dans lequel la décision de participer n'est pas modélisée (les individus visitent systématiquement un site). La proportion des visiteurs fréquentant chaque site est utilisée comme indicateur de congestion endogène, dans une estimation faisant appel à une approche par variables instrumentales (une méthode similaire mais simplifiée est utilisée par Hindsley et al., 2007). Ignorer l'endogénéité de la congestion conduit à sous-estimer fortement la valeur d'un site, car on ne prend pas en compte le fait que l'existence d'un site réduit la congestion aux autres sites de l'espace de choix. En revanche, cela conduit à des erreurs d'estimation non

---

<sup>3</sup>Random Utility Model.



systématiques sur l'estimation des bénéfices d'une amélioration de qualité : sous-estimation chez Timmins et Murdock (2007) et sous-estimation ou surestimation chez Hindsley et al. (2007).

Notre modèle a pour but de transposer l'analyse de Fisher et Krutilla (1972) à un modèle multi-sites. Il s'agit donc dans un premier temps de formaliser l'équilibre et l'optimum de fréquentation dans le cadre des RUM, les travaux précédents sur la congestion endogène dans les modèles de choix discret s'étant bornés à l'étude de l'équilibre. Dans un deuxième temps, on s'intéresse aux politiques publiques de régulation. Deux pistes sont examinées :

- maîtriser la congestion par l'instauration de taxes. Cependant, si cet instrument est intéressant d'un point de vue théorique, il est difficile à mettre en place dans des espaces ouverts comme les sites naturels.
- augmenter la qualité d'un site. Du point de vue du bien-être global : vaut-il mieux améliorer la qualité d'un site phare, comme ce qui est fait dans les "Opérations Grands Sites" <sup>4</sup> ou essayer d'équilibrer la qualité entre les sites naturels ?

Notre travail comporte deux dimensions, qui à notre connaissance ne figurent pas dans la littérature. Premièrement, étant donné que l'effet externe de congestion dépend probablement plus du niveau global de fréquentation que de la répartition des visites entre les sites, il nous a semblé fondamental de modéliser la décision de participer préalablement au choix des sites. Dans les travaux de Timmins et Murdock (2007) et Hindsley et al. (2007), le niveau global de fréquentation est constant et une variation de qualité sur un site se traduit uniquement par une nouvelle répartition des visiteurs entre les sites. Nous utilisons un modèle de choix discret répété pour corriger cette faiblesse. Deuxièmement, par analogie avec les travaux sur les modèles mono-sites, on a cherché à comparer les probabilités de participer et de visiter les sites à l'équilibre et à l'optimum. La recherche des probabilités optimales a nécessité de recourir à une méthode générale de calcul du bien-être dans le cas des modèles logit, développée par Erlander (2005), qui n'avait pas été appliquée auparavant à notre contexte. En effet, la méthode traditionnellement utilisée est seulement applicable dans le cas où les probabilités résultent de la maximisation individuelle de l'utilité, c'est-à-dire à l'équilibre.

Nous proposons un modèle logit à deux sites où les consommateurs ont des préférences identiques. L'utilité de la visite à un site dépend de la qualité du site et de la congestion,

---

<sup>4</sup>Projets ambitieux de réhabilitation des sites classés les plus emblématiques et les plus fréquentés, menés par l'Etat en partenariat avec les collectivités locales et les gestionnaires des sites.

appréciée par la somme des probabilités de visite à ce site des différents consommateurs. Les deux sites ont la même capacité de charge et diffèrent uniquement par leur qualité. Il s'agit de voir si la différence de probabilité de visite entre l'équilibre et l'optimum dépend de la qualité des sites. L'effet de l'amélioration de la qualité des sites sur la participation, la répartition entre les sites et le bien-être collectif, est également une question intéressante, qui peut être abordée à l'aide de ce modèle.

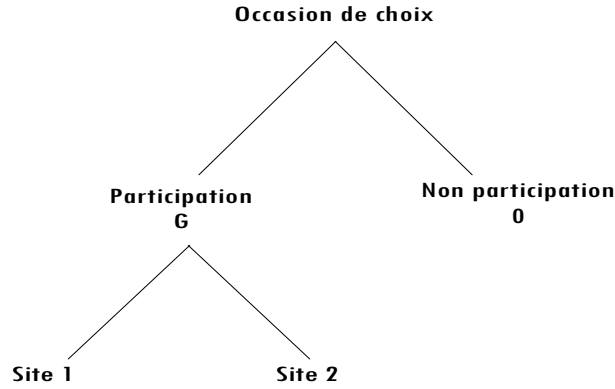
La première section du papier est consacrée à la construction du modèle. Puis on définit l'équilibre de Nash : l'individu maximise son utilité en prenant en compte les probabilités de participation et de visites des autres visiteurs. On s'intéresse ensuite au calcul des probabilités optimales, obtenues par la maximisation du bien-être exprimé par la formule d'Erlander (2005). Pour augmenter le bien-être, deux politiques de régulation sont envisagées : la taxation optimale et l'amélioration de la qualité. Le modèle est finalement illustré dans une application restrictive à la pêche récréative où la participation n'intervient pas. On retrouve cependant quelques-uns de nos résultats théoriques.

## 2 Les hypothèses du modèle théorique

### 2.1 Le modèle de choix discret répété

Les modèles de choix discret les plus couramment utilisés dans les articles sur la fréquentation des sites naturels sont les modèles multinomiaux logit et les modèles hiérarchisés. Ils modélisent le choix d'un site récréatif par un individu lors d'une occasion de choix. Dans les modèles hiérarchisés, le choix est décomposé en plusieurs nœuds de décision qui constituent l'arborescence du modèle. Dans ces modèles, la visite d'un site est systématique, le choix de non-participation étant absent de l'espace de choix. Or la participation est fondamentale pour l'étude des effets d'encombrement car d'une part, elle contribue à cet encombrement et d'autre part, l'encombrement et les politiques qui le régulent influencent la décision de participer à une visite récréative. Nous avons donc choisi de recourir au modèle de choix discret répété développé par Morey et al. (1993), qui modélisent le choix de participer ou non à une visite récréative en amont du choix du site visité (figure 1).

FIG. 1 – Architecture du modèle



Il s'agit d'un modèle hiérarchisé dégénéré puisque la branche de non-participation n'a qu'une seule alternative. En choisissant l'alternative  $j = 0, 1, 2, \dots, J$ , ( $j = 0$  représentant le choix de ne pas participer), l'individu  $i = 1, 2, \dots, n$  obtient l'utilité  $V_{ij}$  :

$$V_{ij} = U_{ij}(X_j, Z_i, TC_{ij}, C_{ij}) + \varepsilon_{ij}$$

$$U_{ij} = U_{i0} + \Gamma_i(X_j) + \Phi_i(Z_i) + \delta_i TC_{ij} + \alpha_i C_{ij} + \theta_i \times Z_i \times C_{ij}$$

avec :

- $U_{i0}$ , l'utilité de non-participation ;
- $X_j$ , le vecteur des attributs du site  $j$  ;
- $Z_i$ , le vecteur des caractéristiques de l'individu  $i$  ;
- $TC_{ij}$ , le coût de déplacement de l'individu  $i$  au site  $j$  ;
- $C_{ij}$ , la congestion au site  $j$  anticipée par l'individu  $i$ .
- $\Gamma_i$  et  $\Phi_i$ , des fonctions définies par individu.

On autorise dans un premier temps la congestion à varier avec les caractéristiques individuelles. Le terme  $U_{ij}$  constitue la part déterministe de l'utilité tandis que l'aléa du modèle  $\varepsilon_{ij}$  traduit l'impossibilité pour un observateur extérieur de connaître parfaitement l'utilité retirée de l'alternative choisie par un individu. L'individu  $i$  choisit l'alternative  $j$  qui lui procure la plus grande utilité :  $V_{ij} > V_{ik}$ . La structure emboîtée du modèle permet d'autoriser la substituabilité entre les choix à l'intérieur des niveaux. Les alternatives qui appartiennent au même niveau sont similaires, le choix de ne pas participer est donc généralement séparé

du choix de sites.

Soit  $p_{iG}$ , la probabilité pour l'individu  $i$  de participer et  $p_{ij|G}$  celle de visiter le site  $j$  sachant qu'il a choisi de participer, la probabilités de visiter un site récréatif  $j$  pour l'individu  $i$  est définie par :

$$p_{ij} = p_{ij|G} \times p_{iG} \quad (1)$$

$$\text{avec } p_{ij|G} = \frac{e^{U_{ij}/\rho}}{\sum_k e^{U_{ik}/\rho}} \quad (2)$$

$$p_{iG} = \frac{e^{U_{iG}}}{e^{U_{iG}} + e^{U_{i0}}} \quad (3)$$

où :

- $U_{iG} = \rho I_{iG}$  avec :
  - $I_{iG} = \ln \sum_j e^{U_{ij}}$ , la valeur inclusive c'est à dire l'utilité maximale espérée de la visite aux différents sites récréatifs  $j$
  - $\rho$ , le coefficient de dissimilarité<sup>5</sup>

Un des objectifs de ce travail est de calculer les fréquentations optimales des sites récréatifs en présence d'une externalité de congestion. Dans cette perspective, une définition spécifique de la congestion est nécessaire.

## 2.2 Externalité de congestion

On suppose que les individus anticipent rationnellement les comportements de participation et de visites des autres individus. Ces anticipations sont confirmées à l'équilibre.

$$C_{ij} = \sum_i p_{ij|G} \cdot p_{iG} \quad (4)$$

Comme l'ont fait Timmins et Murdock (2007) et Boxall et Adamowicz (2000), la congestion à un site est formalisée comme la somme des probabilités de visiter le site par tous les individus.

---

<sup>5</sup>Il indique le degré de substituabilité entre les choix à l'intérieur d'un niveau. Il est théoriquement compris entre 0 et 1. Plus il est proche de 1, moins les alternatives sont substituables. Si ce coefficient est égal à un alors le modèle se simplifie en un modèle multinomial logit. Si ce coefficient est compris entre 0 et 1, alors la structure hiérarchisée du modèle convient au cas étudié. Un coefficient supérieur à un révèle une mauvaise spécification du modèle : la structure d'emboîtement n'est pas adaptée et doit être modifiée.

Pour s'assurer de l'unicité de l'équilibre, la congestion est introduite de manière linéaire dans l'utilité et est supposée la diminuer :  $\alpha_i < 0$  (Bayer et Timmins, 2005). L'introduction de l'externalité de congestion implique que le comportement des individus à l'équilibre n'est plus optimal.

### 2.3 Définition du bien-être

Le bien-être individuel  $W_i$  dans un modèle de choix discret est traditionnellement défini comme "l'utilité maximale espérée" (expected maximum utility) :

$$W_i = \int_{\varepsilon_{i1}=-\infty}^{+\infty} \dots \int_{\varepsilon_{ij}=-\infty}^{+\infty} \dots \int_{\varepsilon_{iJ}=-\infty}^{+\infty} \max(U_{i1} + \varepsilon_{i1}, \dots, U_{ij} + \varepsilon_{ij}, \dots, U_{iJ} + \varepsilon_{iJ}) \quad (5) \\ f(\varepsilon_{i1}, \dots, \varepsilon_{ij}, \dots, \varepsilon_{iJ}) d\varepsilon_{iJ} \dots d\varepsilon_{ij} \dots d\varepsilon_{i1} \quad (\text{Morey, 1999})$$

Sous l'hypothèse où les individus choisissent le site qui leur procure la plus grande utilité et où les résidus  $\varepsilon_{ij}$  sont indépendants et identiquement distribués (iid) selon une loi de Weibull, Small et Rosen (1981) ont montré que le bien-être pouvait se simplifier selon l'expression :

$$W_i = \ln \left( \sum_j e^{U_{ij}} \right) \quad (6)$$

La formule de Small et Rosen est valable dans le seul cas où les probabilités de participer et de visiter un site sont définies selon la distribution logit (équations 2 et 3), issue d'une hypothèse de maximisation individuelle de l'utilité. Elle est donc adaptée au calcul de l'équilibre mais ne convient plus pour celui de l'optimum où le bien-être est maximisé collectivement dans une logique de coopération. On a donc cherché une formulation plus générale du bien-être mais aussi plus facile à manipuler que l'équation 5. Erlander a développé en 2005 une mesure du bien-être qui prend en compte l'espérance d'utilité de l'individu ainsi que l'étendue du choix qui lui est proposée, représentée par l'entropie :

$$W_i = \sum_j p_{ij} U_{ij} + H(p_{ij}) \quad (7)$$

$$\text{avec } H(p_{ij}) = - \sum_j p_{ij} \ln p_{ij}, \text{ l'entropie} \quad (8)$$

Cette formule du bien-être est définie quelle que soit la distribution de probabilité. Elle est en particulier utilisable quand les probabilités suivent la distribution logit, ce qui implique qu'elle donne, à l'équilibre une mesure strictement équivalente à celle de Small et Rosen (cf. annexe A). Cependant, comme elle est utilisable quelle que soit la distribution de probabilité, c'est elle qu'il faut utiliser pour caractériser les probabilités optimales qui ne suivent pas la distribution logit, puisqu'elles sont déterminées par le planificateur public.

Dans le cadre du modèle logit répété, la formulation "classique" du bien-être est également issue de Small et Rosen (1981) :

$$W_i = \ln (e^{U_{i0}} + e^{U_{iG}}) \quad (9)$$

$$\text{avec } U_{iG} = \rho I_{iG}$$

$$\text{et } I_{iG} = \ln \left( \sum_j e^{U_{ij}/\rho} \right)$$

Cependant, de la même manière que dans le modèle multinomial logit, cette formule n'est pas adaptée au calcul de l'optimum dans le modèle logit répété. Erlander (2005) a explicitement défini sa formule du bien-être seulement pour un modèle multinomial classique, mais il précise qu'elle peut être étendue aux modèles hiérarchisés, dont le modèle répété est un cas particulier. La valeur inclusive, correspondant à "l'utilité maximale espérée de la participation" doit être également calculée en utilisant la formule d'Erlander (2005).

On obtient après calcul (le détail de la démonstration est disponible en annexe A.1), la formule suivante pour un modèle logit avec participation :

$$W_i = (1 - p_{iG})U_{i0} + p_{iG}U_{iG} - (1 - p_{iG}) \ln(1 - p_{iG}) - p_{iG} \ln(p_{iG}) \quad (10)$$

$$\text{avec } U_{iG} = E[U_{ij|G}] + \rho H(p_{ij|G})$$

$$\text{et } H(p_{ij|G}) = - \sum_k (p_{ij|G}) \ln(p_{ij|G}), \text{ l'entropie}$$

A l'équilibre, les formules d'Erlander (2005) et de Small et Rosen (1981) sont également strictement équivalentes (cf. annexe A.1). A notre connaissance, cette mesure du bien-être n'a pas encore été utilisée dans les travaux sur la congestion utilisant les modèles de choix discret. Pour des raisons de commodité, on utilisera la mesure de Small et Rosen (1981) pour le calcul de l'équilibre, et celle d'Erlander (2005), pour celui de l'optimum.

## 2.4 Hypothèses simplificatrices

### 2.4.1 Homogénéité des individus

On suppose que tous les individus sont homogènes de sorte que ni l'utilité ni les paramètres ni les fonctions ne dépendent plus des caractéristiques individuelles  $Z_i$  :

- $\Gamma_i = \Gamma$  ;
- $\delta_i = \delta$  ;
- $TC_{ij} = TC_j$  ;
- $\alpha_i = \alpha$  ;
- $C_{ij} = \sum_i p_{ij|G} \cdot p_{iG} = np_{j|G} \cdot p_G = C_j$ .

L'utilité devient :

$$U_j = U_0 + \Gamma(X_j) + \delta TC_j + \alpha np_{j|G} \cdot p_G \quad (11)$$

On définit ensuite une mesure composite de la qualité  $\beta_j$  qui intègre l'ensemble des attributs du site  $j$  et notamment le coût du déplacement (qui devient une caractéristique du site sous l'hypothèse d'homogénéité des individus). L'utilité dépend alors exclusivement d'une fonction de la qualité  $f(\beta_j)$  (avec  $f' > 0$  et  $f'' \leq 0$ ) et de la congestion au site  $j$ ,  $C_j$  :

$$U_j = U_0 + f(\beta_j) + \alpha np_{j|G} \cdot p_G$$

### 2.4.2 Restriction à deux sites

On restreint notre modèle à deux sites ( $J = 2$ ) qui diffèrent par leur qualité ( $\beta_1 \geq \beta_2$ ) avec  $p_{1|G}$ , la probabilité de visiter le site de qualité haute ( $\beta_1$ ) sachant que l'individu a choisi de

participer et  $p_{2|G} = 1 - p_{1|G}$ , on a alors :

$$\begin{aligned} U_1 &= U_0 + f(\beta_1) + \alpha n p_{1|G} \cdot p_G \\ U_2 &= U_0 + f(\beta_2) + \alpha n (1 - p_{1|G}) \cdot p_G \end{aligned}$$

### 3 L'équilibre de Nash

Chaque visiteur choisit d'abord de participer ou non de façon à maximiser son utilité. Les individus choisissent ensuite le site qui leur procure la plus grande utilité. Dans ce processus de maximisation de l'utilité, le consommateur considère les probabilités de participer et de visiter les sites des autres individus comme des données. Dans notre cadre, les probabilités sont définies par :

$$\begin{aligned} p_G &= \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G}} \\ p_{1|G} &= \frac{1}{1 + e^{(U_2 - U_1)/\rho}} \\ \text{avec } U_G &= \rho \ln(e^{U_1/\rho} + e^{U_2/\rho}) \end{aligned}$$

Comme l'ont suggéré Boxall et al. (2005) et Timmins et Murdock (2007), le choix de participer ainsi que le choix du site visité sont le résultat d'un équilibre de Nash. Les probabilités d'équilibre  $p_G^*$  et  $p_{1|G}^*$  sont obtenues directement et correspondent aux deux points fixes du système suivant :

$$\begin{cases} p_{1|G}^* = \frac{1}{1 + e^{(U_2(p_{1|G}^*, p_G^*) - U_1(p_{1|G}^*, p_G^*)) / \rho}} \\ p_G^* = \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G(p_{1|G}^*, p_G^*)}} \end{cases} \quad (12)$$

Il est maintenant intéressant de calculer les dérivées partielles du bien-être par rapport aux probabilités d'équilibre afin de comparer les probabilités d'équilibre aux probabilités optimales, qui elles vont annuler ces dérivées.



$$\frac{\partial W}{\partial p_G} = \frac{\left(\frac{\partial U_1}{\partial p_G} e^{U_1/\rho} + \frac{\partial U_2}{\partial p_G} e^{U_2/\rho}\right) (e^{U_1/\rho} + e^{U_2/\rho})^{\rho-1}}{e^{U_0} + (e^{U_1/\rho} + e^{U_2/\rho})^\rho} \quad (13)$$

avec  $\frac{\partial U_1}{\partial p_G} = \alpha n p_{1|G} < 0$  et  $\frac{\partial U_2}{\partial p_G} = \alpha n (1 - p_{1|G}) < 0$

A l'équilibre,  $\frac{\partial W}{\partial p_G} < 0$ , une augmentation de la participation influe négativement sur le bien-être car elle augmente la congestion aux deux sites.

$$\frac{\partial W}{\partial p_{1|G}} = \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} \frac{(e^{U_1/\rho} - e^{U_2/\rho})(e^{U_1/\rho} + e^{U_2/\rho})^{\rho-1}}{e^{U_0} + (e^{U_1/\rho} + e^{U_2/\rho})^\rho} \quad (14)$$

$$\frac{\partial W}{\partial p_{2|G}} = -\frac{\partial W}{\partial p_{1|G}} \quad (15)$$

Le signe de cette dérivée dépend de celui de  $e^{U_1/\rho} - e^{U_2/\rho}$  ce qui revient à comparer  $U_1$  et  $U_2$ . Or on a  $\frac{dU_j}{d\beta_j} > 0$  (Voir la preuve en annexe B) donc  $\beta_1 > \beta_2$  entraîne  $U_1 > U_2$  : le site de qualité haute est celui qui confère la plus grande utilité. On a donc  $\frac{\partial W}{\partial p_{1|G}} < 0$  : une augmentation de la probabilité conditionnelle de visiter le site de meilleure qualité dégrade le bien-être. L'effet est inversé quand on augmente la probabilité de visiter le site de qualité inférieure ( $\frac{\partial W}{\partial p_{2|G}} > 0$ ).

## 4 L'optimum

Pour calculer l'optimum, nous exprimons le bien-être à l'aide de la formule d'Erlander (2005) (voir annexe A.1) :

$$W = (1 - p_G)U_0 + p_G U_G - (1 - p_G) \ln(1 - p_G) - p_G \ln(p_G)$$

$$\text{avec } U_G = p_{1|G} U_1(p_{1|G}, p_G) + (1 - p_{1|G}) U_2(p_{1|G}, p_G) - \rho [p_{1|G} \ln p_{1|G} + (1 - p_{1|G}) \ln(1 - p_{1|G})]$$

Les individus étant homogènes, ce bien-être est un bien-être moyen. Sa maximisation par rapport aux probabilités est équivalente à celle du bien-être collectif ( $W \times n$ ). Le programme

du décideur public s'écrit alors :

$$\max_{p_{1|G}, p_G} W(p_{1|G}, p_G)$$

Ce qui conduit aux conditions nécessaires suivantes :

$$\begin{aligned} \frac{\partial W}{\partial p_{1|G}} = 0 &\Leftrightarrow p_G \cdot \frac{\partial U_G}{\partial p_{1|G}} = 0 \\ \frac{\partial W}{\partial p_G} = 0 &\Leftrightarrow U_G - U_0 + p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} - \ln \frac{p_G}{1 - p_G} = 0 \end{aligned}$$

Après calcul (cf. annexe C), les probabilités optimales sont définies par :

$$\begin{cases} p_{1|G}^o = \frac{1}{1 + e^{[U_2(p_{1|G}, p_G) - U_1(p_{1|G}, p_G) - (p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}})]/\rho}} \\ p_G^o = \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G(p_{1|G}^o, p_G^o) - p_G^o \frac{\partial U_G}{\partial p_G^o}}} \end{cases} \quad (16)$$

Les dérivées secondes du bien-être par rapport aux probabilités sont négatives, condition nécessaire à l'existence d'un maximum.

TAB. 1 – Récapitulatif des niveaux des probabilités

	Équilibre	Optimum
$p_G$	$\frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G(p_{1 G}, p_G)}}$	$\frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G(p_{1 G}, p_G) - p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G}}}$
$p_{1 G}$	$\frac{1}{1 + e^{(U_2(p_{1 G}, p_G) - U_1(p_{1 G}, p_G))/\rho}}$	$\frac{1}{1 + e^{[U_2(p_{1 G}, p_G) - U_1(p_{1 G}, p_G) - (p_{1 G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1 G}} + (1 - p_{1 G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1 G}})]/\rho}}$

A l'équilibre, l'individu participe ou visite d'autant plus que la différence des utilités des alternatives qui lui sont proposées est importante. A l'optimum, le gain d'utilité procuré par la participation ou par la visite au site 1 est diminué d'un terme qui peut s'interpréter comme la désutilité par visite imposée par le décideur public. Ces désutilités, notées  $E_G$  et  $E_{1|G}$ , sont égales aux espérances des désutilités externes infligées à tous les consommateurs y compris lui-même du fait d'une participation supplémentaire ou d'une visite au site 1 supplémentaire (la preuve dans le cas de la participation est disponible en annexe E).

$$\begin{aligned}
E_G &= p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} \\
&= p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} + (1 - p_G) \frac{\partial U_0}{\partial p_G} \\
E_{1|G} &= p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}}
\end{aligned}$$

On a vu précédemment que les dérivés partielles du bien-être par rapport aux probabilités d'équilibre étaient négatives (équations 13 et 15). Cela implique que les probabilités d'équilibre sont plus élevées que les probabilités optimales car l'optimum est un maximum du bien-être. A l'équilibre, les individus participent trop car ils ne prennent pas en compte la désutilité externe  $E_G$  qu'ils imposent à la collectivité. De la même façon, à l'équilibre, les individus visitent trop le site de meilleure qualité alors qu'au contraire, celui de qualité basse n'est pas assez visité, car la désutilité  $E_{J|G}$  n'est pas intégrée dans leur comportement de visite.

Ces désutilités externes sont liées à l'interdépendance des utilités individuelles via la congestion. Si la congestion n'influe sur l'utilité ( $\alpha = 0$ ), ces désutilités disparaissent car on a alors :

$$\begin{aligned}
\frac{\partial U_G}{\partial p_G} &= 0 \\
\frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} &= 0
\end{aligned}$$

Quand le comportement de participation et de visite des sites d'un individu n'a pas d'influence sur l'utilité des autres individus : le premier théorème du bien-être s'applique et équilibre et optimum coïncident.

## 5 Régulation

On a mis en évidence précédemment que les individus participent trop et visitent trop le site de meilleure qualité. Afin de réguler ces comportements, deux types de régulation sont envisagées : une politique de premier rang, la taxation optimale aux deux sites, et une politique de second rang, l'amélioration de la qualité. Ce deuxième mode de régulation est envisagé ici

car la taxation optimale apparaît difficile à mettre en œuvre dans des espaces ouverts. On s'inspire ici de la stratégie "pot de miel" du Conservatoire du littoral qui vise à drainer la majorité des visiteurs sur un site phare comme la pointe du Raz afin de soulager les sites alentours.

## 5.1 Taxes optimales

La résolution de l'optimum fait apparaître deux désutilités externes, l'une étant liée à la participation, l'autre à la visite du site le plus fréquenté. La première idée qui vient à l'esprit est donc de proposer un couple de taxes, dont une première qui frapperait la participation et une deuxième qui serait prélevée lors de la visite au site de meilleure qualité. Cependant, autant il est réaliste d'envisager la taxation des visites aux sites, par exemple sous la forme de parkings payants ou de droits d'entrée, autant en pratique, il est impossible de taxer la décision de participer avant que le choix du site ne soit connu. Pour cette raison, on propose de taxer les visites aux deux sites dans le but de freiner simultanément la participation et la visite au site 1. La taxe est formulée comme une désutilité qui diminue l'utilité de la visite aux sites. Les taxes optimales internalisent les désutilités externes en ce sens que l'équilibre de Nash est déplacé pour se confondre avec l'optimum. On obtient les taxes optimales  $t_j$  en résolvant le système où les probabilités d'équilibre avec taxe sont égales aux probabilités optimales (de participation et de visite au site 1). Comme dans la résolution de l'optimum, il est nécessaire d'avoir recours à la formule d'Erlander pour extraire les taxes optimales (cf. annexe D).

On cherche  $t_1$  et  $t_2$  telles que :

$$\begin{aligned} p_G^*(t_1, t_2) &= p_G^o \\ p_{1|G}^*(t_1, t_2) &= p_{1|G}^o \end{aligned}$$

On obtient le système suivant :

$$\begin{cases} p_{1|G}t_1 + (1 - p_{1|G})t_2 = -p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} \\ t_2 - t_1 = p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}} \end{cases} \quad (17)$$

d'où les taxes optimales :

$$\begin{cases} t_1^o = -p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} - (1 - p_{1|G})(p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}}) \\ t_2^o = -p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} + p_{1|G}(p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}}) \end{cases} \quad (18)$$

Les deux taxes internalisent l'effet externe dû à la trop forte participation. La taxe au site 1 est ensuite augmentée d'une partie de l'externalité de visite tandis que la taxe au site 2 est diminuée de la part complémentaire de l'externalité de visite au site 1.

## 5.2 Effet de la qualité

La variation du bien-être suite à une variation de qualité s'écrit :

$$\frac{dW}{d\beta_j} = \frac{\partial W}{\partial p_{j|G}} \times \frac{dp_{j|G}}{d\beta_j} + \frac{\partial W}{\partial p_G} \times \frac{dp_G}{d\beta_j} + \frac{\partial W}{\partial f} \frac{\partial f}{\partial \beta_j} \quad (19)$$

Trois effets apparaissent :

- un effet direct positif sur l'utilité dû à l'amélioration de la qualité  $\frac{\partial W}{\partial f} \frac{\partial f}{\partial \beta_j}$  ;
- deux effets indirects :
  - $\frac{\partial W}{\partial p_G} \times \frac{dp_G}{d\beta_j}$ , l'effet sur le bien-être de l'augmentation de la participation ;
  - $\frac{\partial W}{\partial p_{j|G}} \times \frac{dp_{j|G}}{d\beta_j}$ , l'effet sur le bien-être de l'augmentation de la probabilité conditionnelle de visiter un site.

Au delà de l'effet sur le bien-être, il faut prendre en compte le coût de production de la qualité. La technologie utilisée pour cette amélioration de qualité sera probablement à rendements décroissants ou constants. Ce coût sera à retrancher de l'effet sur le bien-être.

### 5.2.1 Impact d'une variation de qualité à l'optimum

A l'optimum, on a  $\frac{\partial W}{\partial p_{j|G}} = 0$  et  $\frac{\partial W}{\partial p_G} = 0$  de sorte que les effets indirects disparaissent :

$$\frac{dW}{d\beta_j} = p_G \cdot p_{j|G} \frac{\partial f}{\partial \beta_j} \geq 0$$

A l'optimum, seul l'effet direct de l'augmentation de la qualité joue. La variation de qualité

n'entraîne pas de coûts de congestion.

Le gestionnaire peut accroître la qualité basse ou la qualité haute. Si  $\beta_j > \beta_k$  alors  $p_{j|G} > p_{k|G}$  car le site de meilleure qualité ne peut pas être moins visité que celui de qualité basse (cf. preuve en annexe B). Dans le cas particulier où la fonction de qualité est à rendements constants, alors  $p_{j|G} \frac{\partial f}{\partial \beta_j} > p_{k|G} \frac{\partial f}{\partial \beta_k}$  : l'augmentation de la qualité haute a un impact plus important que celle de la qualité basse. Cependant, cette variation de bien-être est à comparer à son coût. Si le coût marginal de la qualité est également constant, alors le décideur public a intérêt à privilégier la qualité haute. Dans les autres cas, on ne peut pas conclure sur la qualité la plus pertinente à améliorer. Le cas classique où la fonction de qualité est à rendements décroissants et les coûts marginaux croissants est le plus défavorable à la qualité haute.

### 5.2.2 Impact d'une variation de qualité à l'équilibre

A l'équilibre, les probabilités  $p_{j|G}$  et  $p_G$  sont endogènes, on retrouve donc les trois effets sur le bien-être d'une augmentation de  $\beta_j$  :

$$\frac{dW}{d\beta_j} = \frac{\partial W}{\partial p_{j|G}} \times \frac{dp_{j|G}}{d\beta_j} + \frac{\partial W}{\partial p_G} \times \frac{dp_G}{d\beta_j} + \frac{\partial W}{\partial f} \frac{\partial f}{\partial \beta_j}$$

Deux effets supplémentaires par rapport à l'optimum apparaissent ici :

- le premier effet indirect  $\frac{\partial W}{\partial p_G} \times \frac{dp_G}{d\beta_j}$  dû à l'augmentation de la participation. Celui-ci est toujours négatif quelle que soit la qualité augmentée car on a montré que  $\frac{\partial W}{\partial p_G} < 0$  à l'équilibre (équation 13).
- le second effet indirect  $\frac{\partial W}{\partial p_{j|G}} \times \frac{dp_{j|G}}{d\beta_j}$  dépend de la qualité améliorée.

On différencie l'augmentation de la qualité haute de celle de la qualité basse.

**Cas 1 : on augmente la qualité haute  $\beta_1$**  , l'effet indirect global  $\frac{\partial W}{\partial p_G} \times \frac{dp_G}{d\beta_j} + \frac{\partial W}{\partial p_{j|G}} \times \frac{dp_{j|G}}{d\beta_j}$  est entièrement négatif. On retrouve ici le résultat de Sibly (2001) obtenu dans un modèle microéconomique monosite : il faut investir moins dans la qualité à l'équilibre qu'à l'optimum.

**Cas 2 : on augmente la qualité basse  $\beta_2$**  , la congestion entre les deux sites est rééquilibrée car le site de qualité haute était trop visité. Le coût de la congestion est donc moins important que quand on améliore la qualité haute.

On pense cependant que la baisse de bien-être due à l'augmentation de la participation sera

plus forte que la hausse engendrée par une meilleure répartition de la fréquentation entre les deux sites et donc que la somme des deux effets indirects sera négative.

La qualité la plus judicieuse à améliorer ne peut être décidée qu'en examinant les propriétés des fonctions de qualité et de coût. Si la fonction de qualité est croissante à pente décroissante tandis que la fonction de coût croissante à pente croissante, le gestionnaire aura tendance à augmenter la qualité basse qui entraîne moins de coûts de congestion à l'équilibre.

## 6 Une illustration simplifiée

### 6.1 Le choix des rivières par les pêcheurs au saumon

Notre modèle théorique a été testé sur les données de Salanié (2006), qui a étudié le comportement récréatif des pêcheurs au saumon pratiquant sur les rivières de l'ouest de la France. Dans ce travail, la méthode des coûts de déplacement a été mise en œuvre en ayant recours à plusieurs modèles, dont le modèle de choix discret. La probabilité de choisir une des 28 rivières à saumon de l'ouest est expliquée par le coût de déplacement pour se rendre sur la rivière et certaines caractéristiques de la rivière : durée de la saison de pêche, captures annuelles de saumon, indice de pollution agricole, indicateur de congestion moyen observé sur la saison. Ce dernier indicateur est calculé en divisant le nombre total de visites effectué sur une rivière dans la saison, reconstitué à partir d'enquêtes, par la durée de la saison de pêche, la longueur pêchable<sup>6</sup> et la racine carrée du débit de la rivière<sup>7</sup>. Ce modèle a été estimé sur les données de fréquentation des rivières par les pêcheurs de saumon, sans prendre en compte la participation, c'est à dire en considérant que les pêcheurs choisissent systématiquement de visiter un site à chaque opportunité de choix ( $p_G = 1$ ). Il s'agit d'un modèle multinomial logit ( $\rho = 1$ ) et non d'un modèle répété comme dans notre modèle théorique, qui permet néanmoins d'illustrer certains de nos résultats théoriques. Le modèle estimé est le suivant :

$$U_{ij} = -0,0988TC_{ij} - 1,1569C_j + 3,2748(C_j)^2 + 0.0016JOUR_j - 0.1551POLAGRI_j \\ + 0.0144CAPTURE_j$$

---

<sup>6</sup>Certaines rivières de l'échantillon, notamment l'Aulne, sont canalisées. La pêche ayant alors lieu essentiellement sur les jetées des écluses, la longueur pêchable des rivières a été réduite pour en tenir compte.

<sup>7</sup>Salanié (2006) a recherché empiriquement l'indicateur objectif le mieux corrélé à la congestion subjective perçue par les pêcheurs.

où :

- $TC_{ij}$  : coût de déplacement de l'individu  $i$  au site  $j$  ;
- $C_j$  : congestion au site  $j$  ;
- $JOUR_j$  : nombre de jours de pêche possibles sur la rivière  $j$  ;
- $POLAGRI_j$  : indice de pollution agricole de la rivière  $j$  ;
- $CAPTURE_j$  : nombre de saumons pêchés sur la rivière  $j$ .

Tous les paramètres sont significatifs au seuil de 1%.

On réutilise le modèle en conservant les caractéristiques des sites sauf la congestion qui est endogénéisée en considérant une population de  $n = 100$  pêcheurs, faisant face au même coût de déplacement<sup>8</sup> pour être cohérent avec l'hypothèse d'homogénéité des individus du modèle théorique. Pour les mêmes raisons, on limite notre simulation à deux rivières substitués, de qualités suffisamment différentes : l'Aulne est le site 1 de qualité haute, l'Odet est le site 2 de qualité inférieure (cf. tableau 2).

TAB. 2 – Attributs des sites choisis

Rivières	Aulne	Odet
Indice de pollution agricole	2	3
Captures de saumon (nb)	179	32
Jours pêchables (nb)	113	162
Indicateur de qualité composite (calculé)	2,45	0,25

L'indicateur de qualité composite de chaque rivière ( $f(\beta_j) = \beta_j$ ) est calculé comme la combinaison linéaire des caractéristiques du site, excepté le coût de déplacement, avec les coefficients du modèles multinomial. La congestion endogène est introduite en multipliant le nombre de visites espéré à un site par l'inverse du produit de la longueur et de la racine du débit<sup>9</sup>, soit  $\gamma_j = \frac{1}{l_j \times \sqrt{d_j}}$ . On obtient ainsi les indicateurs de congestion aux deux sites :

---

<sup>8</sup>Coût moyen de l'échantillon

<sup>9</sup>Ce produit représente en quelque sorte la capacité de charge du site



$$\begin{aligned}C_1 &= \gamma_1 n p_1 \\C_2 &= \gamma_2 n (1 - p_1)\end{aligned}$$

Pour ne pas introduire un facteur supplémentaire compliquant l'interprétation des résultats de la simulation, on a retenu le même coefficient  $\gamma=0,035$ , égal au  $\gamma$  moyen, pour les deux rivières. Enfin, pour être cohérent avec notre modèle théorique et obtenir un équilibre stable, on a modifié le modèle pour que l'utilité soit une fonction linéairement décroissante de la congestion et fixé arbitrairement la pente à  $\alpha = -0,45$ .

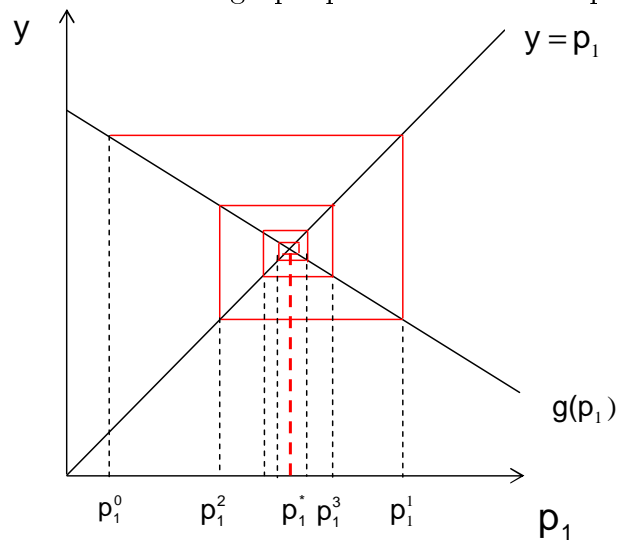
## 6.2 Équilibre et optimum

L'équilibre correspond au point fixe de l'équation :

$$p_1 = \frac{1}{1 + e^{U_2(p_1) - U_1(p_1)}}$$

Cet équilibre est unique car le coefficient de la congestion est négatif (Bayer et Timmins, 2005). On a représenté à la figure 2 le processus dynamique d'ajustement de la fréquentation du site 1, qui conduit ici à un équilibre stable, à la manière du cobweb qui simule les cycles du marché lorsque l'offre ne s'ajuste pas instantanément au prix. La probabilité  $p_1$  représente le signal de congestion, qui modifie à son tour la fréquentation du site, ce qui explique l'alternance entre probabilités faibles et élevées, qui s'amortit jusqu'à l'équilibre  $p_1^* = 0,786$ . La fréquentation est très déséquilibrée au profit du site 1.

FIG. 2 – Illustration graphique du calcul de l'équilibre



L'optimum correspond à la solution du programme :

$$\max_{p_1} = p_1 U_1(p_1) + (1 - p_1) U_2(p_1) - p_1 \ln p_1 - (1 - p_1) \ln(1 - p_1)$$

La probabilité optimale  $p_1^o = 0,708$ , confirme que le site de meilleure qualité est trop visité à l'équilibre. Cependant l'optimum améliore faiblement le bien-être collectif (1 506 € contre 1 471 € à l'équilibre cf. tableau 3).

TAB. 3 – Équilibre et Optimum

	Équilibre	Optimum
$p_1$	0,786	0,708
$C_1$	2,76	2,48
$C_2$	0,75	1,02
$W \times n$	1 471 €	1 506 €

On pense que la différence entre équilibre et optimum est faible dans un modèle multinomial logit car une variation de qualité entraîne seulement une nouvelle répartition des visiteurs entre les sites. Dans un modèle avec participation, l'amélioration de qualité a deux effets à l'équilibre :

- augmenter la participation et donc le nombre total de visiteurs ;
- changer la répartition des visiteurs entre les sites.

L'impact sur le bien-être à l'équilibre de "l'effet participation" est probablement plus fort que celui de "l'effet répartition". La modélisation de la participation devrait accentuer la différence entre le bien-être à l'équilibre et celui à l'optimum par rapport au modèle multinomial classique.

### 6.3 Instruments de régulation

On envisage d'abord une politique de premier rang : la taxation optimale qui peut être mise en place sur des sites ayant un nombre restreint d'accès ou un stationnement obligatoire. Une autre piste est ensuite examinée, celle de l'investissement en qualité qui s'inspire d'une politique effectivement appliquée par le Conservatoire du littoral : "la stratégie pot de miel".

#### 6.3.1 La taxe optimale

Dans cette illustration, la participation n'est pas modélisée, une seule taxe est donc nécessaire pour internaliser l'effet externe de congestion. On met donc en place une taxe sur le site de meilleure qualité, l'utilité conférée par sa visite se trouve donc diminuée. On égalise la probabilité d'équilibre à la probabilité optimale.

$$\begin{aligned}
 p_1^* &= p_1^o \\
 \frac{1}{1 + e^{U_2 - U_1 + t}} &= \frac{1}{1 + e^{U_2 - U_1 + p_1 \frac{\partial U_1}{\partial p_1} + (1 - p_1) \frac{\partial U_2}{\partial p_1}}} \\
 t &= -\left(p_1 \frac{\partial U_1}{\partial p_1} + (1 - p_1) \frac{\partial U_2}{\partial p_1}\right) \\
 t &= 0,65
 \end{aligned}$$

On trouve une taxe de 0,65 en terme d'utilité par visite qui, divisée par le coefficient des coûts de transport donne une taxe de 6,58 € par visite au site 1.

Sous ce régime de régulation, on peut décomposer le bien-être collectif en deux parties :

- le bien-être espéré des individus : 1 040 € qui devient inférieur au bien-être des individus à l'équilibre (1 471 €) ;

– le produit espéré de la taxe : environ 466 €.

On observe un impact redistributif relativement fort pour un gain de bien-être collectif faible.

La question de l’affectation de la taxe n’est pas abordée ici.

### 6.3.2 Variations de qualité

TAB. 4 – Impacts de variations de qualité

	$d\beta_1 = 0,2$		$d\beta_2 = 0,2$	
	A l’équilibre	à l’optimum	A l’équilibre	à l’optimum
$p_1$	+2,67%	+2,40%	-2,93%	-2,54%
$W \times n$	+9,58%	+9,64%	+4,46%	+4,04%

On a simulé une augmentation absolue identique des qualités des deux sites :  $d\beta_j = +0,2$ . Comme l’utilité des pêcheurs est ici une fonction linéaire de la qualité, on a la même augmentation d’utilité individuelle aux sites 1 et 2. En revanche, que ce soit à l’équilibre ou à l’optimum, on obtient une augmentation de bien-être collectif plus importante quand on augmente la qualité du site de qualité supérieure plutôt que celle, moindre, de l’autre site (tableau 4). Ceci est dû aux différences de probabilité de fréquentation entre les sites : en augmentant la qualité du site 1, on améliore l’utilité de la sous-population de pêcheurs la plus nombreuse.

Par ailleurs, l’augmentation de bien-être est plus faible à l’équilibre qu’à l’optimum, quand on augmente la qualité supérieure, alors qu’on observe l’inverse en cas d’augmentation de la qualité inférieure. Ceci est dû au fait qu’à l’effet direct de la qualité, unique effet à l’optimum puisque la congestion est maîtrisée, vient s’ajouter à l’équilibre, un effet congestion indirect, qui est négatif pour la qualité supérieure et positif pour la qualité inférieure. On observe malgré tout peu de différences entre les variations du bien-être à l’équilibre et à l’optimum, ce qui s’explique par la prépondérance de l’effet qualité dans notre exemple.

## 7 Conclusion

Les probabilités de participer et de visiter les sites ont été formalisées dans le cadre d'un modèle logit à deux sites avec participation, où la congestion est endogène. Les probabilités optimales ont pu être obtenues en maximisant le bien-être, calculé à partir de la formule d' Erlander (2005), et comparées aux probabilités d'équilibre. A l'optimum, les probabilités intègrent la désutilité espérée subie par tous les consommateurs du fait d'une visite supplémentaire, désutilité qui vient se retrancher à l'expression de l'utilité espérée par visite. Ceci explique que les probabilités de participer et de visiter le site de meilleure qualité soient trop élevées à l'équilibre, ce qui ne permet pas de maximiser le bien-être. Pour réguler cette participation trop forte, et ces visites au site 1 trop nombreuses, on a recherché les taxes optimales. On montre que non seulement la visite au site le plus populaire doit être taxée mais également celle au site le moins visité car réguler la congestion implique de réduire la participation. Les deux taxes, au site 1 et au site 2, permettent d'internaliser la désutilité externe liée à la trop forte participation et celle liée à une fréquentation trop importante du site de qualité haute. Ces résultats et l'application de la méthode d'Erlander (2005) aux questions de congestion des sites récréatifs sont, à notre connaissance, nouveaux dans la littérature. L'amélioration de la qualité d'un site est moins efficace à l'équilibre qu'à l'optimum, en raison des coûts de congestion qui augmentent, ce qui était déjà connu et plaide pour investir davantage dans la qualité à l'optimum qu'à l'équilibre. Notre apport réside dans la décomposition de l'effet sur le bien-être de la modification de la congestion provoquée par l'amélioration de qualité. On distingue un effet lié à la participation, qui est toujours négatif, et un effet lié à la répartition entre les sites, qui est positif ou négatif selon qu'on améliore la moins bonne qualité ou la meilleure.

Ce modèle comporte un certain nombre d'hypothèses, qui pourraient faire l'objet d'améliorations ou de variantes. Il s'agit notamment de l'homogénéité des consommateurs, du nombre de sites limité à deux, de la fonction de congestion (linéaire décroissante) qui compose l'utilité. On peut par exemple concevoir que des consommateurs ou des groupes de consommateurs aient des préférences différentes pour la qualité ou pour la congestion, comme cela est envisagé par Richardson (2002) dans un modèle micro-économique de différenciation verticale, qui distingue les résidents et les touristes dans leur goût pour l'accessibilité aux sites de randonnée.

Notre modèle peut être estimé économétriquement, comme le montre notre application partielle et les travaux de Timmins et Murdock (2007) et Hindsley et al. (2007). Ces derniers ont permis de démontrer que les mesures de bien-être relatives à la valeur des sites ou à l'amélioration de leur qualité doivent intégrer la congestion. Cependant, il est probable que la prise en compte de la participation amplifie les erreurs observées dans ces travaux antérieurs. Par ailleurs, les variations de bien-être opposées que nous obtenons selon la qualité du site amélioré expliquent peut-être les variations des erreurs observées dans la littérature. On voit également que la congestion gagnerait à être régulée, ce qui n'est pas nouveau. Dans une application avec un modèle de choix discret répété avec congestion endogène, des instruments quantitatifs ou économiques, tels que quotas ou droits d'entrée sous forme de parkings payants ou d'éloignement des parkings pourraient être testés (à condition ici de s'inspirer de (Hanley et al., 2002) qui ont intégré le coût d'accessibilité aux sites dans leur modèle de choix discret). Leur impact sur la participation et la répartition entre les sites ainsi que sur le bien-être collectif pourraient alors être simulés, ce qui pourrait servir aux collectivités concernées par ces problèmes. Les questions de redistribution de surplus posées par la régulation pourraient également être abordées à l'aide de ce modèle (voir à ce sujet Kim et al. (2007)). Enfin, des stratégies de second rang pourraient également être testées, comme celle qui consiste à aménager un site pour en soulager un autre (stratégie " pot de miel " du conservatoire du littoral en France), en s'inspirant de Richardson (2002) qui considère uniquement le bien-être des résidents et la valeur ajoutée apportée par les touristes.

## Références

- Anderson, F. et Bonsor, N. (1974). Allocation, congestion and the valuation of recreational resources. *Land Economics*, 50(1) :51–57.
- Anderson, L. (1980). Estimating the benefits of recreation under conditions of congestion : Comments and extension. *Journal of Environmental Economics and Management*, 7(4) :401–406.
- Bayer, P. et Timmins, C. (2005). On the equilibrium properties of locational sorting models. *Journal of Urban Economics*, 57(3) :462–477.
- Boxall, P. et Adamowicz, W. (2000). Incorporating endogenous perceptions of environmental attributes in rums : The case of congestion. IIFET.
- Boxall, P., Hauer, G., et Adamowicz, W. (2005). Modeling congestion as a form of interdependence in random utility models. Document de travail Université d’Alberta, Edmonton, Canada.
- Cicchetti, C. et Smith, V. (1973). Congestion, quality deterioration, and optimal use : Wilderness recreation in the spanish peaks primitive area. *Social Science Research*, 2(1) :15–30.
- Erlander, S. (2005). Welfare, freedom of choice and composite utility in the logit model. *Social Choice and Welfare*, 24 :509–525.
- Fisher, A. et Krutilla, J. (1972). Determination of optimal capacity of resource-based recreation facilities. *Nature Resources Journal*, 12 :417–444.
- Hanley, N., Alvarez-Farizo, B., et Shaw, D. (2002). Rationing an open-access resource : mountaineering in scotland. *Land Use Policy*, 19 :167–176.
- Hardin, G. (1968). The tragedy of the commons. *Science*, 162 :1243–1248.
- Hindsley, P., Landry, C., Bin, O., et Vogelsong, H. (2007). Site congestion in recreation choice models : a generated regressors approach to beach site selection. Document de travail.
- Kim, H. N., Shaw, W. D., et Woodward, R. T. (2007). The distributional impacts of recreational fees : A discrete choice model with incomplete data. *Land Economics*, 83(4) :561–574.

- McConnell, K. (1977). Congestion and willingness to pay : A study of beach use. *Land economics*, 53(2) :185–195.
- Morey, E. (1999). *Valuing Recreation and the Environment*, chapter Two RUM's unCLOAKED : Nested Logit Models of Participation and Site Choice. Cheltenham, UK : Edward Elgar.
- Morey, E., Rowe, R., et Watson, M. (1993). A repeated nested-logit model of atlantic salmon fishing. *American Journal of Agricultural Economics*, 75(3) :578–592.
- Petit, J. (2006). Fréquenter et protéger les espaces naturels : historique et analyse de la situation française. In *Actes des ateliers du Conservatoires du littoral "littoral convoité : entre accès et excès*.
- Richardson, M. (2002). Quality and congestion in environmental goods the road to the wangapeka. *Journal Of Environmental Economics and Management*, 43(3) :477–496.
- Salanié, J. (2006). *Analyse économique d'une activité récréative : la pêche au saumon en France*. PhD thesis, Ecole Nationale Supérieure Agronomique de Rennes.
- Sibly, H. (2001). Pricing and management of recreational activities which use natural resources. *Environmental and Resource Economics*, 18(3) :339–354.
- Small, K. et Rosen, H. (1981). Applied welfare economics of discrete choice models. *Econometrica*, 4 :105–130.
- Timmins, C. et Murdock, J. (2007). A revealed preference approach to the measurement of congestion in travel cost models. *Journal of Environmental Economics and Management*, 53 :230–249.



## Annexes

### A Equivalence entre la formule du bien-être d'Erlander et le logsomme à l'équilibre

#### Bien-être d'Erlander dans un modèle multinomial logit

La mesure du bien-être d'Erlander dans un modèle multinomial logit à  $j$  modalités s'écrit :

$$\begin{aligned}
 W_i &= \sum_j p_{ij} U_{ij} + H(p_{ij}) \\
 \text{avec } H(p_{ij}) &= - \sum_j p_{ij} \ln p_{ij}, \text{ l'entropie} \\
 \Rightarrow W_i &= \sum_j p_{ij} U_{ij} - \sum_j p_{ij} \ln p_{ij}
 \end{aligned}$$

Dans le cadre du modèle logit, les probabilités sont définies par :

$$p_{ij} = \frac{e^{U_{ij}}}{\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}}}$$

On remplace les probabilités  $p_{ik}$  par leur définition dans le cadre du modèle logit :

$$\begin{aligned}
 W_i &= \sum_j p_{ij} U_{ij} - \sum_j p_{ij} \ln \left( \frac{e^{U_{ij}}}{\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}}} \right) \\
 W_i &= \sum_j p_{ij} U_{ij} - \sum_j p_{ij} (\ln(e^{U_{ij}}) - \ln(\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}})) \\
 W_i &= \sum_j p_{ij} U_{ij} - \sum_j p_{ij} \ln(e^{U_{ij}}) + \sum_j p_{ij} \ln(\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}}) \\
 W_i &= \ln \left( \sum_{j=1}^J e^{U_{ij}} \right)
 \end{aligned}$$

A l'équilibre, on a donc bien l'équivalence entre la formule d'Erlander et celle du de Small et Rosen (1981).

Erlander précise qu'on peut de la même manière dériver sa mesure du bien-être dans le cadre d'un modèle logit hiérarchisé dont le modèle répété (avec participation) est un cas particulier.

## A.1 Bien-être d'Erlander dans un modèle avec participation

Si on suit la formule d'Erlander, le bien-être dans notre modèle répété s'écrit alors :

$$\begin{aligned}
 W_i &= p_{i0}U_{i0} + p_{iG}U_{iG} - p_{i0} \ln(p_{i0}) - p_{iG} \ln(p_{iG}) \\
 \text{avec } U_{iG} &= \rho I_{iG} \\
 \text{et } I_{iG} &= \ln\left(\sum_j e^{U_{ij}/\rho}\right)
 \end{aligned}$$

Or l'utilité de participation peut également s'écrire par le biais de la formule d'Erlander.

Dans un modèle logit emboîté, les probabilités conditionnelles sont définies par :

$$p_{ij|G} = \frac{e^{U_{ij}/\rho}}{\sum_k e^{U_{ik}/\rho}} \quad (20)$$

On calcule l'entropie des probabilités conditionnelles  $H(p_{j|G})$  de la même manière qu'Erlander pour avoir l'équivalence entre la formule du logsomme (valeur inclusive) et l'utilité de participation telle que définie par la formule d'Erlander à l'équilibre :

$$\begin{aligned}
 H(p_{ij|G}) &= -\sum_j p_{ij|G} \ln(p_{ij|G}) \text{ or } p_{ij|G} \text{ dans un modèle logit emboîté est défini comme (20)} \\
 H(p_{ij|G}) &= -\sum_j p_{ij|G} \ln\left(\frac{e^{U_{ij}/\rho}}{\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}/\rho}}\right) \\
 H(p_{ij|G}) &= -\sum_j p_{ij|G} \left(\ln(e^{U_{ij}/\rho}) - \ln\left(\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}/\rho}\right)\right) \\
 H(p_{ik|G}) &= -\sum_j p_{ij|G} U_k/\rho + \sum_j p_{ij|G} \ln\left(\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}/\rho}\right) \\
 H(p_{ij|G}) &= -\sum_j p_{ij|G} U_k/\rho + \ln\left(\sum_{k=1}^J e^{U_{ik}/\rho}\right) \\
 H(p_{ij|G}) &= -E[U_{ij|G}]/\rho + I_{iG} \\
 \rho H(p_{ij|G}) &= -E[U_{ij|G}] + \rho I_{iG} \\
 \rho H(p_{ik|G}) &= -E[U_{ij|G}] + U_{iG}
 \end{aligned}$$

On obtient donc :  $U_{iG} = E[U_{ij|G}] - \rho H(p_{ij|G})$ .

Par conséquent, le bien-être moyen dans notre modèle à deux sites où les individus sont homogènes s'écrit :

$$\begin{aligned}
 W &= (1 - p_G)U_0 \\
 &+ p_G[p_{1|G}U_1(\beta_1, p_{1|G}, p_G) + (1 - p_{1|G})U_2(\beta_2, p_{1|G}, p_G) - \rho[p_{1|G} \ln(p_{1|G}) + (1 - p_{1|G}) \ln(1 - p_{1|G})]] \\
 &- [(1 - p_G) \ln(1 - p_G) + p_G \ln(p_G)]
 \end{aligned}$$

## B Preuve $\frac{dU_j}{d\beta_j} > 0$ , $\frac{dU_G}{d\beta_j} > 0$ , $\frac{dp_{j|G}}{d\beta_j} > 0$ et $\frac{dp_G}{d\beta_j} > 0$ .

On a  $\frac{dp_{j|G}}{dU_j} = \rho \frac{e^{(U_k - U_j)/r\theta}}{(1 + e^{(U_k - U_j)/\rho})^2} > 0$  et de la même manière  $\frac{dp_G}{dU_G} = \rho \frac{e^{U_0 - U_G}}{(1 + e^{U_0 - U_G})^2} > 0$ . Donc une variation de  $U_j$  (respectivement  $U_G$ ) se traduit par une variation dans le même sens de  $p_{j|G}$  (respectivement  $p_G$ ). On a aussi :  $\frac{dU_j}{dp_{j|G}} = \frac{df}{d\beta_j} + \alpha n \left( \frac{dp_{j|G}}{d\beta_j} p_G + \frac{dp_G}{d\beta_j} p_{j|G} \right)$  soit un effet qualité direct et un effet congestion indirect. Deux cas sont envisageables :

1.  $\frac{dp_{j|G}}{d\beta_j} > 0$ , alors  $\frac{dU_j}{d\beta_j} > 0$  car  $U_j$  et  $p_{j|G}$  varient dans le même sens et  $\frac{dp_G}{d\beta_j} > 0$  car  $U_G$  et  $p_G$  augmentent, si  $U_j$  augmente. Il est alors nécessaire que l'effet qualité, positif, l'emporte sur l'effet congestion, négatif, pour avoir  $\frac{dU_j}{d\beta_j} > 0$ .
2.  $\frac{dp_{j|G}}{d\beta_j} < 0$ , alors  $\frac{dU_j}{d\beta_j} < 0$  et donc l'effet congestion est positif et on a  $\frac{dU_j}{d\beta_j} > 0$ , ce qui est contradictoire.

Donc les probabilités de participation et de visite à un site et les utilités correspondantes augmentent quand la qualité du site s'améliore :  $\frac{dU_j}{d\beta_j} > 0$ ,  $\frac{dU_G}{d\beta_j} > 0$ ,  $\frac{dp_{j|G}}{d\beta_j} > 0$  et  $\frac{dp_G}{d\beta_j} > 0$ .

## C Calcul des probabilités optimales

Définition du bien-être :

$$\begin{aligned}
 W &= (1 - p_G)U_0 + p_G U_G - (1 - p_G) \ln(1 - p_G) - p_G \ln(p_G) \\
 \text{et } U_G &= p_{1|G}U_1(p_{1|G}, p_G) + (1 - p_{1|G})U_2(p_{1|G}, p_G) - \rho[p_{1|G} \ln p_{1|G} + (1 - p_{1|G}) \ln(1 - p_{1|G})]
 \end{aligned}$$

On maximise ce bien-être par rapport à  $p_{1|G}$  et  $p_G$  pour obtenir les probabilités optimales.

Probabilité conditionnelle optimale :

$$\begin{aligned}
 \frac{\partial W}{\partial p_{1|G}} = 0 &\Leftrightarrow p_G \cdot \frac{\partial U_G}{\partial p_{1|G}} = 0 \\
 &\Leftrightarrow U_1 + p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} - U_2 + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}} - \rho \ln \frac{p_{1|G}}{1 - p_{1|G}} = 0 \\
 &\Leftrightarrow U_1 - U_2 + p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}} - \rho \ln \frac{p_{1|G}}{1 - p_{1|G}} = 0 \\
 &\Leftrightarrow \rho \ln \frac{p_{1|G}}{1 - p_{1|G}} = U_1 - U_2 + p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}} \\
 &\Leftrightarrow \frac{p_{1|G}}{1 - p_{1|G}} = \exp \left[ \frac{U_1 - U_2 + p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}}}{\rho} \right] \\
 &\Leftrightarrow p_{1|G} = \frac{\exp \left[ \frac{U_1 - U_2 + \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} (2p_{1|G} - 1)}{\rho} \right]}{1 + \exp \left[ \frac{U_1 - U_2 + \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} (2p_{1|G} - 1)}{\rho} \right]} \\
 &\Leftrightarrow p_{1|G}^o = \frac{1}{1 + e^{\left( U_2(p_{1|G}^o, p_G^o) - U_1(p_{1|G}^o, p_G^o) - \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}^o} (2p_{1|G}^o - 1) \right) / \rho}}
 \end{aligned}$$

Probabilité de participation optimale : on obtient par le même réarrangement des termes la probabilité de participation optimale.

$$\begin{aligned}
 \frac{\partial W}{\partial p_G} = 0 &\Leftrightarrow U_G - U_0 + p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} - \ln \frac{p_G}{1 - p_G} = 0 \\
 &\Leftrightarrow \ln \frac{p_G}{1 - p_G} = U_G - U_0 + p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} \\
 &\Leftrightarrow \frac{p_G}{1 - p_G} = e^{U_G - U_0 + p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G}} \\
 &\Leftrightarrow p_G^o = \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G(p_{1|G}^o, p_G^o) - p_G^o \frac{\partial U_G}{\partial p_G^o}}}
 \end{aligned}$$

## D Taxes optimales

On note  $U_G(t_1, t_2)$ , l'utilité de participation avec les taxes  $t_1$  et  $t_2$ .

On a :

$$\begin{aligned} U_G(t_1, t_2) &= p_{1|G}(U_1 - t_1) + (1 - p_{1|G})(U_2 - t_2) - p_{1|G} \ln p_{1|G} - (1 - p_{1|G}) \ln(1 - p_{1|G}) \\ &\Leftrightarrow U_G - p_{1|G}t_1 - (1 - p_{1|G})t_2 \end{aligned}$$

On pose l'égalité entre la probabilité de participer à l'équilibre avec taxes et celle de participer à l'optimum :

$$\begin{aligned} p_G^*(t_1, t_2) &= p_G^o \\ \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G(t_1, t_2)}} &= \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G - p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G}}} \\ \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G + p_{1|G}t_1 + (1 - p_{1|G})t_2}} &= \frac{1}{1 + e^{U_0 - U_G - p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G}}} \end{aligned}$$

On obtient la première équation du système 17 :

$$p_{1|G}t_1 + (1 - p_{1|G})t_2 = -p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G}$$

De la même manière, on pose l'égalité entre la probabilité de visiter le site 1 à l'équilibre avec taxe, et la probabilité de visiter le site 1 à l'optimum :

$$\begin{aligned} p_{1|G}^*(t_1, t_2) &= p_{1|G}^o \\ \frac{1}{1 + e^{(U_2 - t_2) - (U_1 - t_1)}} &= \frac{1}{1 + e^{U_2 - U_1 - (p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}})}} \end{aligned}$$

On obtient la deuxième équation du système 17 :

$$t_2 - t_1 = p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}}$$

D'où le système :

$$\begin{cases} p_{1|G}t_1 + (1 - p_{1|G})t_2 = -p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} \\ t_2 - t_1 = p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}} \end{cases}$$

D'où les taxes optimales :

$$\begin{cases} t_1^o = -p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} - (1 - p_{1|G}) \left( p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}} \right) \\ t_2^o = -p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G} + p_{1|G} \left( p_{1|G} \frac{\partial U_1}{\partial p_{1|G}} + (1 - p_{1|G}) \frac{\partial U_2}{\partial p_{1|G}} \right) \end{cases}$$

## E Désutilité collective liée à la participation

Pour une occasion de choix, il y a en moyenne  $np_G$  visites.

La désutilité infligée à une personne pour une visite supplémentaire est égale à :

$$\frac{\partial U_G}{\partial np_G} = \frac{\partial U_G}{n \partial p_G}$$

et la désutilité globale supportée par tous ceux qui participent :

$$np_G \frac{\partial U_G}{n \partial p_G} = p_G \frac{\partial U_G}{\partial p_G}$$

**Les Working Papers SMART – LERECO sont produits par l'UMR SMART et l'UR LERECO**

- **UMR SMART**

L'Unité Mixte de Recherche (UMR 1302) *Structures et Marchés Agricoles, Ressources et Territoires* comprend l'unité de recherche d'Economie et Sociologie Rurales de l'INRA de Rennes et le département d'Economie Rurale et Gestion d'Agrocampus Ouest.

Adresse :

UMR SMART - INRA, 4 allée Bobierre, CS 61103, 35011 Rennes cedex  
UMR SMART - Agrocampus, 65 rue de Saint Briec, CS 84215, 35042 Rennes cedex  
<http://www.rennes.inra.fr/smart>

- **LERECO**

Unité de Recherche *Laboratoire d'Etudes et de Recherches en Economie*

Adresse :

LERECO, INRA, Rue de la Géraudière, BP 71627 44316 Nantes Cedex 03  
[http://www.nantes.inra.fr/le\\_centre\\_inra\\_angers\\_nantes/inra\\_angers\\_nantes\\_le\\_site\\_de\\_nantes/etudes\\_et\\_recherches\\_economiques\\_lereco](http://www.nantes.inra.fr/le_centre_inra_angers_nantes/inra_angers_nantes_le_site_de_nantes/etudes_et_recherches_economiques_lereco)

**Liste complète des Working Papers SMART – LERECO :**

[http://www.rennes.inra.fr/smart/publications/working\\_papers](http://www.rennes.inra.fr/smart/publications/working_papers)

**The Working Papers SMART – LERECO are produced by UMR SMART and UR LERECO**

- **UMR SMART**

The « Mixed Unit of Research » (UMR1302) *Structures and Markets in Agriculture, Resources and Territories*, is composed of the research unit of Rural Economics and Sociology of INRA Rennes and of the Department of Rural Economics and Management of Agrocampus Ouest.

Address:

UMR SMART - INRA, 4 allée Bobierre, CS 61103, 35011 Rennes cedex, France  
UMR SMART - Agrocampus, 65 rue de Saint Briec, CS 84215, 35042 Rennes cedex, France  
[http://www.rennes.inra.fr/smart\\_eng/](http://www.rennes.inra.fr/smart_eng/)

- **LERECO**

Research Unit *Economic Studies and Research Lab*

Address:

LERECO, INRA, Rue de la Géraudière, BP 71627 44316 Nantes Cedex 03, France  
[http://www.nantes.inra.fr/nantes\\_eng/le\\_centre\\_inra\\_angers\\_nantes/inra\\_angers\\_nantes\\_le\\_site\\_de\\_nantes/es\\_unites/etudes\\_et\\_recherches\\_economiques\\_lereco](http://www.nantes.inra.fr/nantes_eng/le_centre_inra_angers_nantes/inra_angers_nantes_le_site_de_nantes/es_unites/etudes_et_recherches_economiques_lereco)

**Full list of the Working Papers SMART – LERECO:**

[http://www.rennes.inra.fr/smart\\_eng/publications/working\\_papers](http://www.rennes.inra.fr/smart_eng/publications/working_papers)

**Contact**

**Working Papers SMART – LERECO**

INRA, UMR SMART

4 allée Adolphe Bobierre, CS 61103

35011 Rennes cedex, France

**Email :** [smart\\_lereco\\_wp@rennes.inra.fr](mailto:smart_lereco_wp@rennes.inra.fr)

**2008**

**Working Papers SMART – LERECO**

UMR INRA-Agrocampus Ouest **SMART** (Structures et Marchés Agricoles, Ressources et Territoires)

UR INRA **LERECO** (Laboratoires d'Etudes et de Recherches Economiques)

Rennes, France